Free Vibrations of multi D.O.F , 11, [2, is (good) = 2 ci) در ادامه درس براغ مستی حبر درم ازاد خراص فرت. تامنز عبی رفتانی دادر رالعه ماستي مرج ايم دادوركي على حركواك أباء سبها حيردم أزاد كرى داد. درا شرا درف شاست زاد در با برس مرتم. شاك داره می تردد ان سیم می دراد روك آزادر ، معرن دسزاس و فره ی طبعی فرامعنز دائت . لعر سریم رو مرد مین - بروم کزار از سرن ورت آن می لیز. مرحم وان درمری که از نیم داکته کرد، درمی آنانی ولا دانیته ر بناز - سر ره آزادر دارد. سایان مل ستیم درا رو درج ازاد راست . ۱۱ راتین مسالهٔ رسراسی جرک رسرام همی زاد دارید الرسم من رس الرسم الم المرسم الم حورا) از عمله الله الم المرسم الم حورا) از عمله الله المرسم الم حورا) از عمله الله المرسم الم حورا) از عمله المرسم $-K_1 x_1 - K_2 (x_1 - x_2) = m_1 \tilde{x}_1$ $\int m_1 \tilde{x}_1 + (K_1 + K_2) x_1 - K_2 x_2 = 0$ + K2(n,-n2)-K3/2=m2 n2 = [m2 n2-K2n,+(K2+K3)n2=. دره حرارده سی دررای در درج زادر است ر در معید در در اس و در دارد.

ان سرله راس تران مزم رز زونت: $\binom{m_1}{m_2} \begin{Bmatrix} 2 \\ 3 \\ 2 \end{Bmatrix} + \binom{k_1 + k_2 - k_2}{-k_2} \begin{Bmatrix} 2k_1 \\ 2k_2 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 2 \\ 3 \end{Bmatrix}$ مردار مرثعیت ماتری تحق مردار فخت مری ایماری ا かえナドスニ・ را می ماند سنے کر شرج ماع راندی اوری ا $\lambda_1 = X_1 e$ $j\omega 1 = \lambda = \begin{cases} \lambda_1(+) \\ \lambda_2(+) \end{cases} = \begin{cases} \lambda_1 \\ \lambda_2(+) \end{cases} = \begin{cases} \lambda_1 \\ \lambda_2(+) \end{cases}$ $\lambda_1 = \lambda_2 e$ $\dot{x} = \dot{x}(j\omega)e$, $\dot{x} = \dot{x}(j\omega)^2 e^{i\omega t} - \omega^2 \dot{x} e^{j\omega t}$ $\left\{ \frac{\left[(k_1 + k_2) - m_1 \omega^2 \right] X_1 - K_2 X_2}{-K_1 X_1 + \left[(k_2 + k_3) - m_2 \omega^2 \right] X_2 = 0} \right.$ $-m_{WX} + k_{X=0} = (k-m_{W})_{X=0} = (k-y_{W})_{X=0}$ است. ارد حدا می آن (زرزگ درام اسکورد به میراث ارد حدا می است از در می در این از در در می در این در در به میراث می در در می در میراث می در در می در میراث می در می در می در میراث می در $X_{1} = \frac{\left(k_{1} + k_{2}\right) - m_{1}\omega^{2}}{\left(k_{1} + k_{2}\right) - m_{1}\omega^{2} - k_{2}} = 0, X_{2} = \frac{\left(k_{1} + k_{2}\right) - m_{1}\omega^{2}}{\left(k_{1} + k_{2}\right) - m_{1}\omega^{2} - k_{2}} = \frac{\left(k_{1} + k_{2}\right) - m_{1}\omega^{2}}{\left(k_{1} + k_{2}\right) - m_{1}\omega^{2} - k_{2}} = 0$ $\left(-k_{2} + k_{3}\right) - m_{2}\omega\left(-k_{2} + k_{3}\right) - m_{2}\omega\left(-k_{2} + k_{3}\right) - m_{2}\omega\left(-k_{3} + k_{3}\right) - m_{2}\omega\left(-k_{3} + k_{3}\right) - m_{2}\omega\left(-k_{3} + k_{3}\right) - m_{3}\omega\left(-k_{3} +$

سر سرار سر در از مر مر المراد المرور ورس سرالات مرد الروم المرد ا

·wal, X, Sw

 $\Rightarrow \begin{cases} (40-91)x_1-2x_2=3 \\ -2x_1+(5-1)x_2=3 \end{cases} \begin{pmatrix} 4b-91 & -2 \\ -2 & 5-1 \end{pmatrix} = 6$ (K-7m)x=0 شواده دهراس غرسه صرفران وترسون مراس الت Der(K-1m)===> (40-91)(5-1)-(-2)(-2)== 91-851+196===>(1-4)(91-49)== $\lambda = \lambda_1 = 4 \Rightarrow \omega_1 = \pm 2^{\text{rad/s}}$ $\lambda = \lambda_2 = \frac{47}{9} \Rightarrow \omega_2 = \pm \frac{4}{3}$ - فرمای صنبی کدهیر ، مام کرفانی طبعی اصلر و الل ما فیره ی تورد. - فره نی سری ، فره س طبعی درم است. - درم می در که ریانی برا مد می آمد. - از قرار وارك , لا ب ب + در سرس ع لا: (40-9(4))X,-2X220 رمره محدد مع در سرد سے عصبہ , درم عربی (اے اک ارف الت . سرای رحسیت سرسرله و در فهرل داریم. نعن سیم سی پاست مالی ۱۲ ریز دارد و این عِزْرُدُ عِي اللَّهِ ، زَرَا م فَرَكُ عِي الولم عُلَف ، ن بُولاتِ عالتَ وَلَمْ سِمَ بَالْ مَالِرِ . حرفين ورَسى ف فراك رام من قور دادم . دران عور سيط ، فرس و دواج رمرات. لزمره از درسرله ۱۱ ؛ $X_2 = 2 X_1$ نوران رنت:

 $X = \begin{cases} X_1 \\ X_2 \end{cases} = \begin{cases} X_1 \\ 2X_1 \end{cases} = X_1 \begin{cases} X_1 \\ 2X_2 \end{cases} = X_1 = X_2 \begin{cases} X_1 \\ X_2 \end{cases}$, x ك كاست مال مرائد درائد من الم من الم مندر ك وائد من الم مرتب الم على الله من الم من الله المعلم مالك، داعنه باني دوى در برام لك فراهم لوه الر آن را ١٥١١ بيريم ، برار (First modal shape) 200 poi (pr) J, J ou fin out Ty $\omega = \pm \omega_2 \quad \underline{\omega} \quad \lambda = \lambda_2 = 4q/q$: $\omega_1 \omega_2$ $\left\{ \frac{(46-9(\frac{49}{9}))\chi_{1}-2\chi_{2}=0}{-2\chi_{1}+(5-\frac{49}{9})\chi_{2}=0} \right. = \left\{ \frac{-9\chi_{1}-2\chi_{2}=0}{-2\chi_{1}-\frac{4}{9}\chi_{2}=0} \right.$ ار الی عج دسره می در که معرف دری و سی (ای ای ارائی است . نیمان در اناع س $X_{2} = -\frac{9}{2}X_{1}$ $X_{2} = -\frac{9}{2}X_{1}$ $X_{2} = \begin{cases} X_{1} \\ X_{2} \end{cases} - \begin{cases} X_{1} \\ -\frac{q}{2} \\ X_{1} \end{cases} = X_{1} \begin{cases} -\frac{q}{2} \\ -\frac{q}{2} \end{cases} \rightarrow X_{1} = 1 \Rightarrow X_{2} = \begin{cases} -\frac{q}{2} \\ -\frac{q}{2} \end{cases}$ ای بردار سای تقل مود دری کستم نامسره به کود. X(H)= (n2(H)) = X1 e v مركم الما الماسي. حواب راب مهرات تركي فعلى از هو ما يا نن ورتعر حرام . x(+) = a x, e + b x, e + c x, e + d x, e خراس ۱۹ م م ع م له لزري شرابط ارائي سئد م بت م آس.

x(+)=(ae+be)X,+(ce+de)X2 مارش ررن ای وی أرحرددا) (زعبران روا على براترد را در عل برخ ، عبرات من محسد در المراك را عن ارت ازاد سم سرم مدا ما است آمرز در آنا ورو شر عن آلانه مرج هارس ما ند، شرای رام ماد نصر آرسی مادد: $\mathcal{X}(t) = \left\{ \frac{\chi_1(t)}{\chi_2(t)} \right\} = \left(A_1 G_1 \omega_1 t + A_2 S in \omega_1 t \right) \chi_1 + \left(A_3 G_1 \omega_2 t + A_4 S in \omega_2 t \right) \chi_2$ شرابع ادليم عبرت الت (۱ ماياس اراس و ۱ مرك اراس ، با قرار دادل ان ترابط سر برنے ست و تحقی ہو سے مالت مالیہ. سُل: سَنَدنون را كر موارد و سَنَ داره شررا با ترابط المدير على كسد؛ $\frac{\chi_{2}(0)}{\chi_{2}(0)} = \left\{ \begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array} \right\}, \ \dot{\chi}(0) = \left\{ \begin{array}{c} \chi_{2}(0) \\ \dot{\chi}_{2}(0) \end{array} \right\} = \left\{ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \end{array} \right\}$ $\frac{\chi_{2}(0)}{\chi_{2}(0)} = \left\{ \begin{array}{c} \chi_{2}(0) \\ \dot{\chi}_{2}(0) \end{array} \right\} = \left\{ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \end{array} \right\}$ $\frac{\chi_{2}(0)}{\chi_{2}(0)} = \left\{ \begin{array}{c} \chi_{2}(0) \\ \dot{\chi}_{2}(0) \end{array} \right\} = \left\{ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \end{array} \right\}$ $\frac{\chi_{2}(0)}{\chi_{2}(0)} = \left\{ \begin{array}{c} \chi_{2}(0) \\ \dot{\chi}_{2}(0) \end{array} \right\} = \left\{ \begin{array}{c} 0 \\ 0 \end{array} \right\}$ w, = 2 md/s $X_1 = \{2\}$ $X_2 = \{-9/2\}$ w = 7/3 rad/s ف بری بی کر رای ما باری د $\mathcal{N}(+) = \{x, (+)\} = \{A_1 \in \mathbb{Z} + A_2 \in \mathbb{Z} + A_3 \in \mathbb{Z} + A_4 \in \mathbb{Z} + A_5 \in \mathbb$ 21, (+) = A1 cm 2t + A2 Sin2t + A5 Cn 3t + A4 Sin 3t

n2(+) = 2A, Cn2t+2A2Sin2t-9A3 57t-92AySin3L

، ئىن برى دران دالله :

ki(+)=-2A1Sin2t+2A2G2t-73A3Sin7+73A4Gn7+

7, (+) = (2)(-2A, Sin 2t) +(2)(2Azen2+) + (-7)(-7A3Sin3+)+(-9)(3Ay6n3+)

رز م اندار سرابع اراسه در مه رسرله فرق ، t = -

 $\lambda_1(0) = A_1 + A_3 = 1$

n2(0) = 2A1 - 9A3 = 0

M(0) = 2A2 + 73 Ay =0

n2(0) = 4A2 - 21A4=.

ردره می تورد درای دو ر دسرار و دی ر جرل تردیم ، بن در دستان درسید در در جمول دادی نهرا رسرات عايام ارام تعل فرائب نمه فاح م اثرنر در معرات رعث فقل

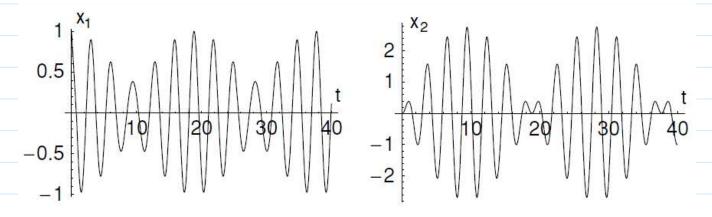
سراري.

A, = 13 , Az = 13

Az=0, Ay=0

لز درسیدارل: (زرسیل در):

21(t) = \frac{9}{13} \con 2t + \frac{4}{13} \con \frac{5}{5}t, \(\chi_2(+) = \frac{18}{13} \con 2t - \frac{18}{13} \con \frac{7}{5}t \\ \tag{1/NP} \bigcap_2,



رمده می حدد کدیا سے ترکی در فعل درال ورال ورائر. رجاند سیم ۱ درج آزاری ۱ سرانه دنور شرور در فرای طبی رفع در فراح رز ریانی زائسی از تعوید با ان فرانگ این تراب از دری ترابط در این و فرطان ا رفیسی این درشال فرف أمر شرابط اربس سرم زراكم: ×(.)=0 7=(0)=1 72 (1)=2 x2(0)=0 ازم بداری رسردات سر دره می گردد: x1(0) = A1 + A3 = 1 x2(0)=2/A1-2/A3=2 (زرر فر سرعم: ۱۵۲۰ مراف المراف المرا x, (+) = Cn 2[رمره مرکدد که در یان فعل کره نی طبعی ارل ظام ریم ایت. x2(t)=20n2t لزیائے عیمے رمزہ مورد معنے بانے دوی درمام الح است، نفی سیم درمودلول ر اسرنوس ن مهند، ان مان تعن است كه ستى در نود دول قرار داره فره است. اندافته اع - سامای تور دی وزه کی طبعی آن در مانی طاح می لود.