

سؤال :

یک فن به جرم 120Kg که دارای جرم نامیزان دواری به مقدار $me=0.35\text{ kg.m}$ می باشد در وسط تیر دو سر مفصلی به طول 2.6m نصب شده است. تیر از جنس فولاد بوده و دارای مقطع مستطیل شکلی به ارتفاع 5cm می باشد. همچنین نسبت استهلاک $\zeta=4\%$ می باشد. در صورتیکه دامنه پاسخ پایدار فن در محدوده سرعت دورانی آن، که بین 50rad/s تا 125rad/s می باشد، از 5mm تجاوز نکند، مطلوبست تعیین عمق تیر.

سند حجم نامزد داریم :

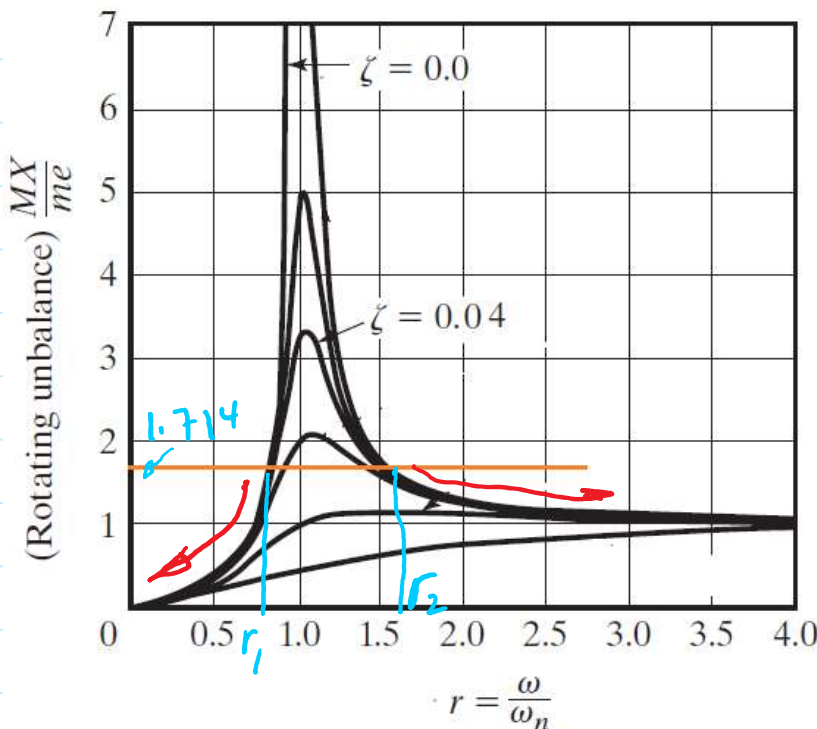
$$\frac{Mx}{me} = \frac{r^2}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2}}$$

حجم M ، نامیزان me ، حد اکثر جابجایی x داده شده است. عمق تیر معلوم است.
بنابراین مجهول r در سمت راست معادله زیر برقرار باشد :

$$\frac{Mx}{me} = \frac{120(0.05)}{0.35} = 1.714 \geq \frac{r^2}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2(0.04)r)^2}}$$

باصل حالت نامیزان در دو طرف را به توان ۲ رساند و طرفین را جمع می کنیم.

$$1.9206 r^4 - 5.8775 r^2 + 2.9382 = 0 \Rightarrow \begin{cases} r_1 = 0.7933 \\ r_2 = 1.5756 \end{cases}$$



دیده می شود که دو جواب r_1 و r_2 داریم.
برای r_1 انحراف کمتر تمام مقدار کوهستان آن
و برای r_2 انحراف کمتر تمام مقدار بزرگتر
از آن قابل قبول است

با انحراف هر کدام از r_1 و r_2 می توان
یا در آنجا کار را بهت آورد
با توجه به اینکه $k = \frac{48 E I}{l^3}$

است، I نسبت آرد و سپس از آن محقق تیر حاصل می آید.

آر ۲ انتخاب شود :

$$r_1 = 0.7933 \geq \frac{\omega}{\omega_n} \Rightarrow \omega_n \geq \frac{\omega}{0.7933}$$

$$\omega_n \geq \frac{125}{0.7933} = 157.569 \text{ rad/s}$$

لذا آنجا که مقدار ۲ باید از ۱ کوچکتر باشد.
لذا ۱ را به نسبت حد اکثر دوگانه را قرار داد.

$$k = M\omega_n^2 \Rightarrow k = 2979382 \text{ N/m}$$

$$k = \frac{48EI}{l^3} \Rightarrow I = \frac{k l^3}{48E} \rightarrow I = 5.195 \times 10^{-6} \text{ m}^4$$

$$I = \frac{bh^3}{12} \Rightarrow b = \frac{12I}{h^3} = \frac{12(5.195 \times 10^{-6})}{(0.05)^3} = 0.498 \text{ m}$$

$$\Rightarrow b \geq 0.498 \text{ m}$$

در حدتین ۲ انتخاب شود :

$$r_2 = 1.5756 \leq \frac{\omega}{\omega_n} \Rightarrow \omega_n \leq \frac{\omega}{1.5756}$$

$$\omega_n \leq \frac{50}{1.5756} = 31.746 \text{ rad/s}$$

لذا آنجا که مقدار ۲ باید بزرگتر از ۱ باشد

باشند، لذا ۱ را به نسبت حد اقل دوگانه را قرار داد.

$$\Rightarrow k = 120937.3 \text{ N/m}$$

$$\Rightarrow b \leq 0.020 \text{ m}$$

Vibration Isolation

انزوای لرزه ای

تعبیر هر سیستمی که کماشهای ارتعاشات را می توان از بین برد و یا حذف کند، علیه

میزان آن را کاهش داده و به حد اقل مقدار رساند.

معموداً در سیستم های کماشهای ارتعاشات بطریق زیر حاصل می گردد:

الف. عدم بحالت اصول صحیح و استاندارد در طراحی سیستم

ب. عدم وجود استناد در انتخاب

ج. عدم بحالت اصول صحیح در تعمیر و نگهداری سیستم

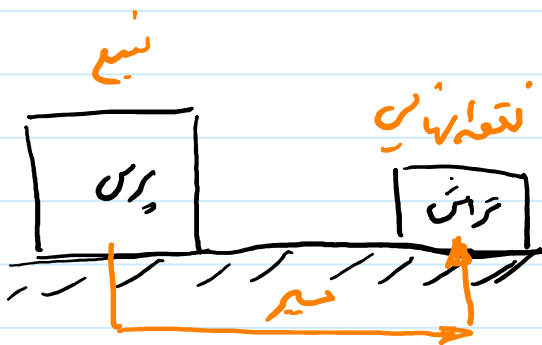
معموداً در سیستم ارتعاشی به جهت زیر اقدام می دانند:

۱- بسنج ارتعاش

۲- سیر انتقال

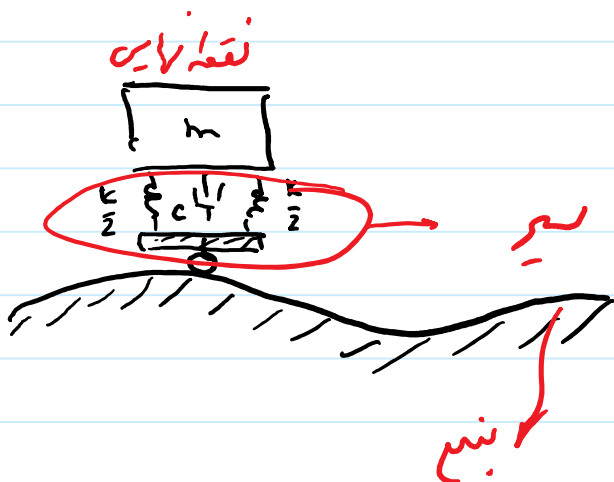
۳- سیستم یا نقطه های

نشان:



درجا کاهش پس از اصل کماش و ارتعاش آن از

طریق کند به دستگاه تراش منتقل می گردد.

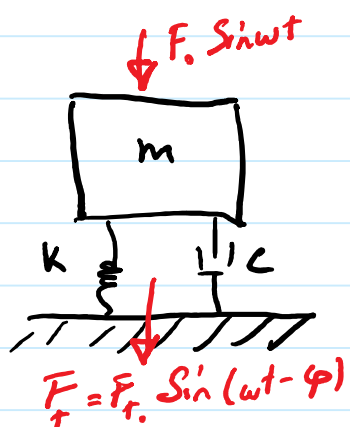


خود در در حال حرکت بر روی جاده ای

بسیار دشوار است و ارتعاشات از طریق

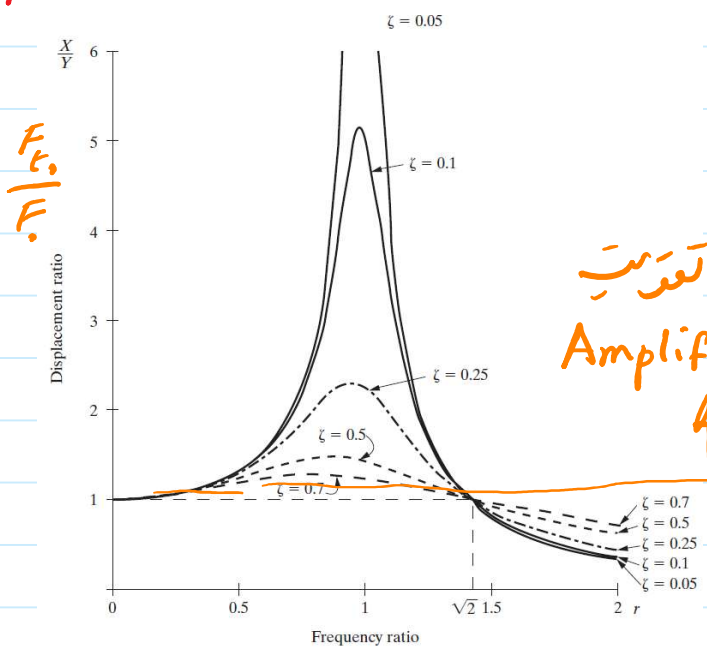
سیستم تعلیق به راننده و مهم خودروساز منتقل می گردد.

- تا مدتی است که در قسمت اول نیز بسج ارتعاش رخالت کنند و آنرا زلزله بگویند. بگذار
 مثال اول پرس را تنظیم کرده و با در مثال دوم نامحوارها را بر سطح صاف را که کنند.
 - تلخ است که در سیر انتقال دخاله کنند بگذار در مثال اول از یک فونداسیون قوی
 برابر پرس و با ماشین ابزار استند کرده و در مثال دوم از سیستم تعلیق بهتر حرکت
 در نهایت می توان در نقطه نهایی دخاله کرده و در مثال اول ماشین تراش را بر روی
 فرودگیر بهتر قرار داد و با در مثال دوم صندلی را ننده را کمی حالت قویست داد.
 - در حالت صلی می توان بر روی بعضی و با چه سیستمی تغییرات انجام داد.
 در مثال اول در صورتی که بدل پرس تغییر کند در تغییر فرقه شود:



در اینجا حدف حاصل نیروی منتقل شده به فونداسیون است.
 در صورتیکه نسبت دامنه نیروی منتقل شده به دامنه نیروی تحریک
 را تغییریم خواصیم درست:

$$\frac{F_{t0}}{F_r} = \left[\frac{1 + (2\zeta r)^2}{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2} \right]^{1/2}$$



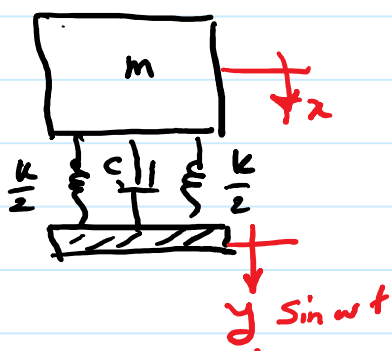
منطقه تقویت
 Amplification Zone

منطقه انزوا
 Isolation Zone

دیگر می‌گردد که در ناحیه تعلیق و انزوای لرزه در تکیه یا پی فرکانس قابل شناسایی است.
 در ناحیه تعلیق دامنه نردی مستقل شده به گت از دامنه نردی ترکیب لبر است.
 این در جا است که در ناحیه انزوای لرزه دامنه نردی مستقل شده از دامنه نردی ترکیب
 تکیه می‌گردد.

این ناحیه ارتکاب در در عوارض ماحص باشد.

آرشیال درم (خود در) را در تقریبیم، حذف ماحص
 دامنه جایی هم m است. در صورتیکه نسبت دامنه جایی
 هم m به دامنه جایی ترکیب جابج را بنویسیم:



$$\frac{x}{y} = \left[\frac{1 + (2\zeta r)^2}{(1 - r^2)^2 + (2\zeta r)^2} \right]^{1/2}$$

تکیه یا پی فرکانس خود را به دردی مانند تکیه لبر است.

در این هم در نیال ناحیه انزوای لرزه، ماحص دامنه جایی هم خودرو هستیم.
 برابر است که از انزوای لرزه (Isolator) یا ماحصه ارتکاب استفاده می‌کنیم.
 این اجزا را بین منبع ارتکاب و نقطه تکیه قرار گرفته و ارتکاب را کم می‌کنند.
 ساده ترین انزوای لرزه یک تراست. از دیگر انواع آن می‌توان از رولینگ، چوب
 پسته، پسته، تکیه و... نام برد.

در قشر مغزی صلبوی غریب استهلاک نامحرز است ، اما در قشر کرمی استهلاک بار است .
خاصیت انتقال بار از بار است . لذا من به نسبت در محل نصب دانتا از دانتیک ، منت ، و با
حیدر بنده استفاده کرد تا به کل انحصار نرسد . در برابر آب ، روغن ، حرارت ، حرارت ، حرارت ،
تفاوتند . کاربرد ویژه آنها در جایی است که ۶۶۲ است .

ارزشک : معمولاً در راه جدا کردن ارتعاش است . در برخی صنایع است و سایر این
عبارت طراح آن در برخی است . خواص آن بسته به نوع و مقدار بار ، در هر حرارت ،
شکل آن و فرکانس نیروی دارد . تغییر است . در دهات بارها ۱۲۵ تا ۱۵۰ می باشد
از وارد کردن بار زیاد خود دار کرد . علت حل شدن در روغن و نیز بنی می باشد در بعضی
آنها قرار گیرد و در اول ارزشک آن کم است و با از بار زیاد می شود . بنابراین برابر بار
کم و فرکانس کم زیاد مناسب است .

چوب پسته : از آن در برابر بار فشاری و فشاری از فشار و برش استفاده می شود . مالتو
ارزشک نمی باشد و در اول ارزشک و با آرام تنش کشش آن تقریباً ثابت است . چوب
پسته پر از مواد نافع در حوضها می باشد و در مقابل بار دارد . جایی که می شود .

نمد : در برابر فشاری استفاده می شود و از آن در زیر بتن ، چینی در فولاد استفاده می شود .
لعبه دیک برابر انبساط و به در ماشین آلات استفاده می شود . غریب استهلاک آن
زیاد است ، لذا در فرکانس کم کاربرد می شود . ضمانت نصب آن یک اینچ است .

Transmissibility

قابلیت انتقال

حال به تعریف بارتر قابلیت انتقال که عبارت از نسبت دامنه در بیشتر می پردازیم.

Displacement

$$T_A^D = \frac{\text{دامنه جابجایی خروجی}}{\text{دامنه جابجایی تحریک}} = \frac{x_o}{y}$$

قابلیت انتقال مطلق جابجایی

Absolute

برای نیروی هم چنین نسبت داریم :

Force

$$T_A^F = \frac{\text{دامنه نیروی منتقل شده}}{\text{دامنه نیروی تحریک}} = \frac{F_{t_o}}{F_o}$$

قابلیت انتقال مطلق نیرو

در هر دو حالت هدف به حداقل رساندن قابلیت انتقال میباشد. اگر فرکانس ثابت باشد، بارتر در سیستمها طوری طراحی میکنیم تا در حوزه انزوای سیستم قرار گیرد. در هر صورت که فرکانس متغیر باشد (مانند حرکت خود در) باید بین حوزه انزوای سیستم و تقویت مقادیر برقرار نمانیم.

در انتقال قابلیت مطلق، قابلیت انتقال نسبی هم تعاریف دارد و آن تأثیرات

انزوای آنور دارد می شود

$$T_R^D = \frac{\text{دامنه جابجایی نسبی انزوای آنور}}{\text{دامنه جابجایی ورودی}} = \frac{x_o - y}{y} = \frac{x_o}{y} - 1 = T_A^D - 1$$

مقابل نیرو هم :

$$T_R^F = \frac{\text{دامنه نیروی نسبی ورودی}}{\text{دامنه نیروی تحریک}} = \frac{F_{t_o} - F_o}{F_o} = T_A^F - 1$$

مثال: توربو ماشین - حجم 1000 kg و دراز جبر نام تعدیل 0.1 kgm است. ماشین در دانه 500 rpm تا 750 rpm کار می کند. مطلوب است تعیین بازیم کشی انژکتور در این استندارد که در بازیم استندارد تا دانه نزدیک انتقال شده در تمام سرعتها از 300 N تجاوز نکند.

دوره ω : $500 \text{ rpm} \leq \omega \leq 750 \text{ rpm}$
 52.36 78.54 rad/s

رايه نزدیک انتقال شده:

$$\frac{F_{+0}}{F_0} = \left[\frac{1 + (2\xi r)^2}{(1-r^2)^2 + (2\xi r)^2} \right]^{1/2}, \quad \xi = 0 \Rightarrow \frac{F_{+0}}{F_0} = \frac{1}{1-r^2}$$

آیا:

$$F_0 = m e \omega^2$$

آر عدد از دور را که نزدیک F_0 بیشترین تعداد است در نظر بگیریم:

$$F_0 = (0.1)(78.54)^2 = 616.8 \text{ N}$$

تعداد حداکثر F_0 به 300 باشد و این نشان دهنده ناحیه انژکتور است این روشه کشی یا این زمانها قرار داریم:

$$\frac{F_{+0}}{F_0} = \frac{300}{616.8} = \frac{1}{r^2 - 1} \Rightarrow r = 1.748$$

با این تعداد و تعداد r می توان فرکانس طبیعی و از روی آن کارها را سنجید:

$$\omega_n = \frac{\omega}{r} = \frac{78.54 \text{ rad/s}}{1.748} = 44.92 \Rightarrow k = M \omega_n^2 = 2.02 \times 10^6 \text{ N/m}$$

آر از این انژکتور در کمترین سرعت استندارد:

$$r = \frac{\omega}{\omega_n} = \frac{52.36}{44.92} = 1.1655$$

$$\Rightarrow F_{+0} = \frac{F_0}{r^2 - 1} = \frac{m e \omega^2}{r^2 - 1} = \frac{(0.1)(52.36)^2}{1.1655^2 - 1} = 765 \text{ N} > 300 !$$

دیده می شود که در کمترین سرعت، محدودیت نیرو نقص می شود.
 حال فرض کنید که حداکثر سرعت را در نظر گرفته و آنرا لاتر را طراح کنیم.

$$\frac{F_{T_0}}{F_0} = \frac{300}{(0.1)(52.36)^2} = \frac{1}{r^2 - 1} \Rightarrow r = 1.383$$

$$\Rightarrow \omega_n = \frac{\omega}{r} = \frac{52.36}{1.383} = 37.85 \text{ rad/s}$$

$$\Rightarrow k = M\omega_n^2 = 1.43 \times 10^6 \text{ N/m} \leftarrow$$

حل آخر این آنرا لاتر را در بالاترین سرعت کعبه لیریم :

$$r = \frac{\omega}{\omega_n} = \frac{78.54}{37.85} = 2.075$$

$$\Rightarrow \bar{F}_T = \frac{F_0}{r^2 - 1} = \frac{me\omega^2}{r^2 - 1} = \frac{616.8}{2.075^2 - 1} = 186 \text{ N} < 300$$

بنابراین مایل قبول است.

مثال: یک ماشین کت 200 kg در دور 500 rpm کار کرده و نیروی واردی برابر با 40000 N تولید می‌کند. قرار است این نیرو را لغزیم فنر، دمی و پین برابر ماشین طرح

کردن این نیرو را طوری طرح کنید که:
 الف - هنگام راه اندازی تا رسیدن به دور کار، حداکثر نیروی منتقل شده از 100000 N کمتر باشد.
 ب - نیروی منتقل شده به کت در دور کار حداکثر 5000 N باشد.

2- حداکثر جابجایی در دور کار 2 cm باشد.

سه مجهول k, c, m داریم که سه رابطه برای آن داده شده است.
 چهارمین رابطه دانه نیروی منتقل شده به کت در هر کانس:

$$\frac{d}{dr} \left(\frac{F_{T0}}{F_0} \right) = 0 \Rightarrow r = \frac{\omega_r}{\omega_n} = \frac{(\sqrt{1+8\xi^2} - 1)^2}{2\xi}$$

از آنجا که از قرار دادن آن در رابطه نیروی منتقل شده حداکثر را است:

$$\left. \frac{F_{T0}}{F_0} \right|_{\max} = \frac{2\sqrt{2}\xi^2}{[4\xi^2(2\xi^2-1) + \sqrt{1+8\xi^2} - 1]^{\frac{1}{2}}}$$

از آنجا که $\left. \frac{F_{T0}}{F_0} \right|_{\max} = \frac{100000}{40000}$ حاصل معادله غیر خطی بالا با یکی از روش‌های عددی حل می‌شود.

$$\xi = 0.225$$

حاصل می‌گردد از دور کار

$$\frac{F_{T0}}{F_0} = \frac{5000}{40000} = \left[\frac{1 + (2\xi r)^2}{(1-r^2)^2 + (2\xi r)^2} \right]^{\frac{1}{2}}$$

با داشتن ξ معادله بالا تبدیل به یک معادله درجه ۲ در r^2 می‌شود که حاصل آن:

$$r = 4.2 \Rightarrow \omega_n = \frac{\omega}{r} = \frac{500 \times \frac{2\pi}{60}}{4.2} = 12.47 \text{ rad/s}$$

جواب سہ:

$$x_s = \frac{F_0/k}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2}} \Rightarrow m = \frac{\frac{F_0}{x_s \omega_n^2}}{\sqrt{(1-r^2)^2 + (2\zeta r)^2}}$$

پارامیٹر m سے متعلقہ مساواتیں:

$$\Rightarrow m = 767 \text{ kg}$$

$$m_c = 767 - 200 = 567 \text{ kg} \quad \text{جرم بقیہ}$$

$$k = m \omega_n^2 = (767)(12.47)^2 = 1.19 \times 10^5 \text{ N/m}$$

$$c = 2\zeta m \omega_n = 4.31 \times 10^3 \text{ N/m/s}$$

مثال: خودرویی بر روی جاده نامنظمی در حرکت می باشد. برای حالتی که خودرو با بزرگی است جرم آن 1000 kg و در حالت 100 km/hr و ضریب فنریت سیستم تعلیق آن 350 kN/m است. سرعت ارتداد در حالت با بزرگی 50% است. در صورتی که جبهه مدول فنری با طول موج $\lambda = 5 \text{ m}$ باشد نسبت دافنه جایایی خودرو را در حالت با بزرگی حالت با بزرگی بیابید.

حالت با بزرگی را با علامت x_0 نشان می دهیم. شکل $\frac{x_0}{x_0'}$ است. اما برای تعیین x_0 و x_0' به جای آن است که دانه تده است $\frac{x_0}{x_0'}$.

مقایسه این دو حالت T_A^D و $T_A^{D'}$ را به صورت $\frac{x_0}{x_0'} = \frac{T_A^D}{T_A^{D'}}$ می توان نوشت.

در حالت با بزرگی:

$$T_A^D = \frac{x_0}{y_0} = \left[\frac{1 + (2\xi r)^2}{(1-r^2)^2 + (2\xi r)^2} \right]^{1/2}$$

$$\omega = \frac{2\pi v}{\lambda} = \frac{2\pi (100 \times \frac{1000}{3600})}{5} = 34.906 \text{ rad/s}$$

$$\omega_n = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{350 \times 1000}{1000}} = 18.7 \text{ rad/s}$$

در نتیجه انزاد را داریم $\Rightarrow r = \frac{\omega}{\omega_n} = 1.87, \xi = 0.5$

$$\Rightarrow T_A^D = 0.68$$

در حالت بدون بار : $m' = 250 \text{ kg}$, $k = 350 \text{ kN/m}$

$$\omega_n' = \sqrt{\frac{k}{m'}} = 37.42 \text{ rad/s}$$

$$r' = \frac{\omega}{\omega_n'} = 0.935 \quad \text{در حالت تعویض}$$

$$\xi' = \frac{c}{c_c} = \frac{c}{2\sqrt{km'}} = \frac{c}{2\sqrt{k \cdot m/4}} = \frac{c}{\sqrt{km}} = 2\xi = 1$$

$$\Rightarrow T_A^{\prime D} = \frac{\alpha'}{\gamma} = 1.13$$

$$\Rightarrow \frac{\alpha_0}{\alpha'} = \frac{T_A^D}{T_A^{\prime D}} = 0.602$$